

ICNA - SESSION 2002

ÉPREUVE OPTIONNELLE DE PHYSIQUE

ÉNONCÉ

Questions faisant partie d'un même exercice.

[1,2,3,4,5,6]

[7,8,9,10,11,12]

[13,14,15,16,17,18,19]

[20,21,22,23,24,25]

[26,27,28,29,30,31,32] [33,34,35,36,37,38,39,40]

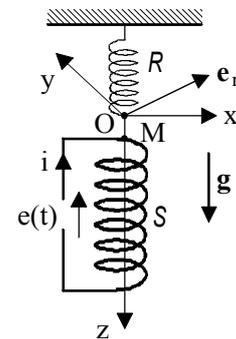
1. Un solénoïde S , d'axe vertical Oz , est constitué de N spires jointives coaxiales, de même rayon a , réparties sur une longueur ℓ . On désigne respectivement par R , L et m la résistance, l'inductance propre et la masse de la bobine.

Le système S suspendu en M à un ressort R , dont l'une des extrémités est fixe, dont la raideur est k et dont la masse est négligeable, est astreint à se déplacer suivant son axe Oz dans une région de l'espace où règne un champ magnétique radial $\mathbf{B} = B\mathbf{e}_r$ de norme B constante. On désigne par f le coefficient de proportionnalité à la vitesse de la force de frottement visqueux à laquelle le système est également soumis.

Le circuit est alimenté par un générateur de force électromotrice $e(t) = E_0 \cos(\omega t)$, d'amplitude E_0 et de pulsation ω . On note i la valeur instantanée du courant qui traverse la bobine.

Exprimer la résultante \mathbf{F}_L des forces de Laplace qui s'exerce sur la bobine.

- a) $\mathbf{F}_L = 2\pi a N i B \mathbf{e}_z$ b) $\mathbf{F}_L = B i \ell \mathbf{e}_z$ c) $\mathbf{F}_L = B i N \ell \mathbf{e}_z$ d) $\mathbf{F}_L = \pi N i B \mathbf{e}_z$



2. On désigne par z le déplacement de la bobine par rapport à la position d'équilibre qu'elle prend lorsqu'elle n'est parcourue par aucun courant.

Écrire l'équation différentielle qui régit le mouvement du solénoïde lorsqu'il est parcouru par un courant d'intensité i .

- a) $m \frac{d^2 z}{dt^2} + f \frac{dz}{dt} + kz = B i \ell + mg$ b) $m \frac{d^2 z}{dt^2} + f \frac{dz}{dt} + kz = B i N \ell$
 c) $m \frac{d^2 z}{dt^2} + f \frac{dz}{dt} + kz = 2\pi a N i B$ d) $m \frac{d^2 z}{dt^2} + f \frac{dz}{dt} + kz = \pi N i B + mg$

3. Écrire l'équation différentielle à laquelle obéit le courant i dans la bobine quand le circuit se déplace dans le champ magnétique avec la vitesse $\frac{dz}{dt}$.

- a) $L \frac{di}{dt} + R i + N a B \frac{dz}{dt} = E_0 \cos(\omega t)$ b) $L \frac{di}{dt} + R i + 2\pi N a B \frac{dz}{dt} = E_0 \cos(\omega t)$
 c) $L \frac{di}{dt} + R i + \pi N a i B \frac{dz}{dt} = E_0 \cos(\omega t)$ d) $L \frac{di}{dt} + R i + i \ell B \frac{dz}{dt} = E_0 \cos(\omega t)$

4. On suppose que le régime forcé sinusoïdal est établi et l'on désigne par \underline{I} l'amplitude complexe du courant dans la bobine. Montrer que l'on peut écrire : $E_0 = \left[(R + \alpha(\omega)) + j\omega(L + \beta(\omega)) \right] \underline{I}$.

Exprimer $\alpha(\omega)$.

- a) $\alpha(\omega) = f \frac{(2\pi N a B \omega)^2}{(k - m\omega^2)^2 + f^2 \omega^2}$ b) $\alpha(\omega) = f \frac{(N a B \omega)^2}{(k - m\omega^2)^2 + f^2 \omega^2}$

$$c) \alpha(\omega) = f \frac{(N\ell B\omega)^2}{(k - m\omega^2)^2 + f^2\omega^2}$$

$$d) \alpha(\omega) = f \frac{(\pi N\ell B\omega)^2}{(k - m\omega^2)^2 + f^2\omega^2}$$

5. Exprimer $\beta(\omega)$.

$$a) \beta(\omega) = \frac{(NaB)^2(k - m\omega^2)}{(k - m\omega^2)^2 + f^2\omega^2}$$

$$b) \beta(\omega) = \frac{(N\ell B)^2(k - m\omega^2)}{(k - m\omega^2)^2 + f^2\omega^2}$$

$$c) \beta(\omega) = \frac{(2\pi NaB)^2(k - m\omega^2)}{(k - m\omega^2)^2 + f^2\omega^2}$$

$$d) \beta(\omega) = \frac{(\pi N\ell B)^2(k - m\omega^2)}{(k - m\omega^2)^2 + f^2\omega^2}$$

6. On désigne par ω_1 la valeur de ω pour laquelle on a $\alpha(\omega_1) = \omega_1\beta(\omega_1)$ et par ω_2 la valeur de ω pour laquelle on a $\alpha(\omega_2) = -\omega_2\beta(\omega_2)$. Donner l'expression de $\omega_2 - \omega_1$.

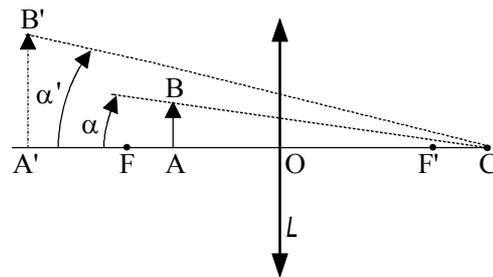
$$a) \omega_2 - \omega_1 = \frac{f}{m}$$

$$b) \omega_2 - \omega_1 = \frac{k}{m}$$

$$c) \omega_2 - \omega_1 = \frac{kf}{m}$$

$$d) \omega_2 - \omega_1 = \frac{m}{kf}$$

7. Une lentille mince convergente L de distance focale image $f' = 20\text{cm}$ est utilisée comme une loupe par un observateur dont la vision est normale. On désigne par $a = \overline{F'C}$ la distance qui sépare le foyer image de la lentille du centre optique C de l'œil. On appelle $d = \overline{A'C}$ la distance de vision lorsque l'observateur utilise la loupe (*figure ci-contre*). Pour cet observateur, $d_m < d < \infty$ avec $d_m = 20\text{ cm}$.



Lorsque l'observateur regarde l'objet AB à travers la loupe, il voit son image $A'B'$ sous l'angle α' . Lorsqu'il enlève la loupe sans changer la distance de l'objet à son œil, il voit l'objet AB sous l'angle α . Exprimer la

quantité $G_t = \frac{\overline{A'B'}}{AB}$ en fonction de d , a et f' .

$$a) G_t = \frac{d+a}{2f'}$$

$$b) G_t = \frac{d-a}{f'}$$

$$c) G_t = \frac{f'}{d+2a}$$

$$d) G_t = \frac{f'+a}{d}$$

8. On définit le grossissement G de la loupe par le rapport $G = \frac{\alpha'}{\alpha}$. On supposera les angles suffisamment petits pour que l'on puisse confondre le sinus et la tangente d'un angle avec sa valeur exprimée en radian.

Exprimer G en fonction de a , d et f' .

$$a) G = \frac{f'(d-a) - f'^2}{d^2}$$

$$b) G = \frac{a(d-a) + f'^2}{f'^2}$$

$$c) G = \frac{(f'+a)(d+a)}{f'd}$$

$$d) G = \frac{(2f'+a)(d-a) - f'^2}{f'd}$$

9. Le centre optique de l'œil est placé au foyer image de la loupe. Quelle est la valeur de d donnant un grossissement maximum ?

$$a) d = 53\text{ cm}$$

$$b) d = 20\text{ cm}$$

$$c) d = 35\text{ cm}$$

$$d) d = \infty$$

10. Que vaut alors ce grossissement G_1 ?

$$a) G_1 = 2,0$$

$$b) G_1 = 1,0$$

$$c) G_1 = 5,1$$

$$d) G_1 = 3,5$$

11. Le centre optique de l'œil est placé à 2 cm du centre optique de la loupe et, suivant la position de l'objet, il accommode de l'infini jusqu'à sa distance minimale de vision distincte d_m .

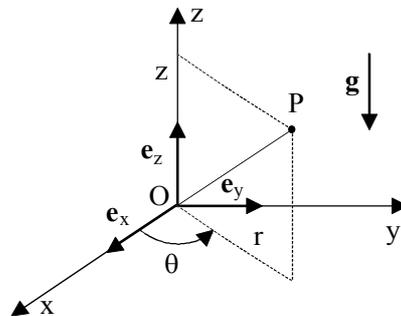
Calculer la variation $\Delta G = G(\infty) - G(d_m)$ du grossissement.

- a) $\Delta G = 2$ b) $\Delta G = 50.10^{-2}$ c) $\Delta G = 10^{-2}$ d) $\Delta G = 10^{-1}$

12. Le centre optique de l'oeil est placé à 40 cm du centre optique de la loupe. Quelle est la valeur maximale G_2 du grossissement ?

- a) $G_2 = 1,1$ b) $G_2 = 1,5$ c) $G_2 = 3,0$ d) $G_2 = 2,5$

13. On considère l'écoulement incompressible tourbillonnaire en régime stationnaire d'un fluide parfait homogène, de masse volumique ρ , soumis à l'action du champ de pesanteur $\mathbf{g} = -g \mathbf{e}_z$. Un point P du fluide est repéré dans le repère $\mathcal{R}(Oxyz)$ par les coordonnées cylindriques (r, θ, z) définies sur le schéma de la figure ci-contre. Le vecteur tourbillon $\boldsymbol{\omega}$ relié au champ des vitesses \mathbf{v} du fluide par la relation $\boldsymbol{\omega} = \frac{1}{2} \text{rot } \mathbf{v}$



une valeur uniforme $\boldsymbol{\omega} = \omega \mathbf{e}_z$ en tout point situé à l'intérieur d'un cylindre infini d'axe Oz et de rayon a et une valeur nulle partout ailleurs.

Les considérations sur les propriétés de symétrie des vecteurs polaires et axiaux permettent de conclure que :

- a) Le vecteur \mathbf{v} est radial. b) Le vecteur \mathbf{v} est orthoradial.
c) v ne dépend que de r et z . d) v ne dépend que de r .

14. Déterminer le champ des vitesses en tout point $P(r,z)$ correspondant à $r < a$.

- a) $\mathbf{v} = r \omega \mathbf{e}_\theta$ b) $\mathbf{v} = r \omega \mathbf{e}_r$ c) $\mathbf{v} = -2r \omega \mathbf{e}_\theta$ d) $\mathbf{v} = -2r \omega \mathbf{e}_r$

15. Déterminer le champ des vitesses en tout en tout point $P(r,z)$ correspondant à $r > a$.

- a) $\mathbf{v} = \frac{a^2 \omega}{r} \mathbf{e}_r$ b) $\mathbf{v} = \frac{r^2 \omega}{a} \mathbf{e}_\theta$ c) $\mathbf{v} = \frac{r^2 \omega}{2a} \mathbf{e}_r$ d) $\mathbf{v} = \frac{a^2 \omega}{r} \mathbf{e}_\theta$

16. La pression en tout point de la surface libre du fluide est la pression atmosphérique p_0 . Le plan xOy du repère $\mathcal{R}(Oxyz)$ est tangent à la surface libre du fluide qui se trouve à grande distance de l'axe Oz ($r \rightarrow \infty$).

Déterminer le champ de pression dans le fluide pour $r > a$.

On rappelle que : $(\mathbf{v} \cdot \text{grad}) \mathbf{v} = \text{grad} \left(\frac{v^2}{2} \right) - \mathbf{v} \wedge \text{rot } \mathbf{v}$.

- a) $p(r, z) = p_0 - \rho g z - \rho \omega^2 \left(\frac{r^4}{2a^2} \right)$ b) $p(r, z) = p_0 + \rho g z + \rho \omega^2 \left(\frac{2r^4}{a^2} \right)$
c) $p(r, z) = \rho g z - \rho \omega^2 \left(\frac{2a^4}{r^2} \right)$ d) $p(r, z) = p_0 - \rho g z - \rho \omega^2 \left(\frac{a^4}{2r^2} \right)$

17. Déterminer le champ de pression dans le fluide pour $r < a$.

- a) $p(r, z) = p_0 + \rho g z + \rho \omega^2 \left(\frac{a^2 - r^2}{2} \right)$ b) $p(r, z) = p_0 - \rho g z - \rho \omega^2 \left(\frac{2a^2 - r^2}{2} \right)$
c) $p(r, z) = \rho g z + \rho \omega^2 \left(\frac{2a^2 + r^2}{2} \right)$ d) $p(r, z) = p_0 + \rho g z - \rho \omega^2 \left(\frac{a^2 - r^2}{2} \right)$

18. Exprimer la fonction $z(r)$ représentant la surface libre du liquide pour $r < a$.

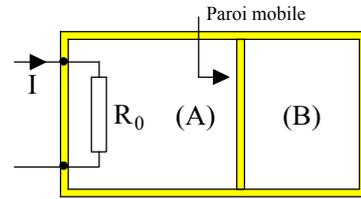
- a) $z = \frac{\omega^2}{2g} (r^2 - 2a^2)$ b) $z = \frac{\omega^2}{2g} (2r^2 - a^2)$ c) $z = -\frac{2\omega^2}{g} (r^2 + a^2)$ d) $z = \frac{\omega^2}{2g} (2r^2 + a^2)$

19. Exprimer la fonction $z(r)$ représentant la surface libre du liquide pour $r > a$.

$$\text{a) } z = \frac{\omega^2 r^4}{2g a^2} \quad \text{b) } z = -\frac{4\omega^2 r^4}{g a^2} \quad \text{c) } z = \frac{3\omega^2 a^3}{2gr} \quad \text{d) } z = -\frac{\omega^2 a^4}{2gr^2}$$

20. Un récipient à parois rigides et calorifugées contient deux gaz parfaits diatomiques séparés par une paroi intérieure adiabatique pouvant se déplacer sans frottement ; les volumes occupés par chaque gaz A et B peuvent donc varier (*figure ci-contre*).

Initialement, les paramètres pour chacun des gaz sont : $p_i = 10^5 \text{ Pa}$, $T_i = 300 \text{ K}$ et $V_i = 1 \text{ l}$. Un générateur électrique fournit de l'énergie au gaz A par l'intermédiaire d'un conducteur ohmique, de résistance $R_0 = 10 \Omega$, de capacité thermique négligeable, parcouru par un courant continu $I = 1 \text{ A}$, pendant une durée t au bout de laquelle le volume du gaz A atteint la valeur $V_{Af} = 1,1 \text{ l}$.



L'état final de cette évolution supposée réversible est alors défini par les valeurs : V_{Af} , V_{Bf} , p_f , T_{Af} et T_{Bf} .

On donne : constante des gaz parfaits $R = 8,31 \text{ SI}$ et $\gamma = \frac{C_p}{C_v} = 1,4$ où C_p et C_v sont respectivement les

capacités thermiques molaires à pression et volume constants des gaz considérés.

Calculer la pression finale p_f dans chacun des compartiments.

$$\text{a) } p_f = 0,87 \cdot 10^6 \text{ Pa} \quad \text{b) } p_f = 1,16 \cdot 10^5 \text{ Pa} \quad \text{c) } p_f = 2,92 \cdot 10^5 \text{ Pa} \quad \text{d) } p_f = 7,37 \cdot 10^4 \text{ Pa}$$

21. Calculer la température finale T_{Bf} du gaz dans le compartiment B.

$$\text{a) } T_{Bf} = 282 \text{ K} \quad \text{b) } T_{Bf} = 406 \text{ K} \quad \text{c) } T_{Bf} = 313 \text{ K} \quad \text{d) } T_{Bf} = 387 \text{ K}$$

22. Calculer la température finale T_{Af} du gaz dans le compartiment A.

$$\text{a) } T_{Af} = 383 \text{ K} \quad \text{b) } T_{Af} = 280 \text{ K} \quad \text{c) } T_{Af} = 418 \text{ K} \quad \text{d) } T_{Af} = 311 \text{ K}$$

23. Calculer τ .

$$\text{a) } \tau = 17 \text{ s} \quad \text{b) } \tau = 5 \text{ s} \quad \text{c) } \tau = 12 \text{ s} \quad \text{d) } \tau = 8 \text{ s}$$

24. Calculer le travail W_B reçu par le gaz du compartiment B.

$$\text{a) } W_B = 17 \text{ J} \quad \text{b) } W_B = 23 \text{ J} \quad \text{c) } W_B = 11 \text{ J} \quad \text{d) } W_B = -5 \text{ J}$$

25. Calculer la variation d'entropie du gaz dans le compartiment A.

$$\text{a) } \Delta S_A = 3,72 \text{ J.K}^{-1} \quad \text{b) } \Delta S_A = 0,23 \text{ J.K}^{-1} \quad \text{c) } \Delta S_A = 12,45 \text{ J.K}^{-1} \quad \text{d) } \Delta S_A = 337,25 \text{ J.K}^{-1}$$

26. Deux masses ponctuelles m et M sont reliées par un fil élastique de raideur k et de masse négligeable, dont la longueur à tension nulle est ℓ .

Les deux masses sont disposées sur une même verticale, la masse M reposant sur un support S . A l'instant $t = 0$, la masse m est lancée vers le haut avec une vitesse initiale $v_0 = v_0 e_x$ depuis une position initiale $x_0 = \ell$ (*figure ci-contre*).

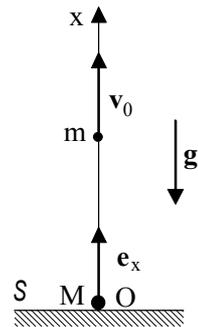
On suppose dans un premier temps que v_0 est telle que la masse M ne décolle jamais

du support S . On pose $\omega^2 = \frac{k}{m}$.

L'équation horaire du mouvement de la masse m peut se mettre sous la forme : $x = A \cos(\omega t + \varphi) + B$.

Exprimer A et $\tan \varphi$.

$$\begin{aligned} \text{a) } A &= \sqrt{\frac{g^2}{\omega^2} - \frac{v_0^2}{\omega^2}} \text{ et } \tan \varphi = -2 \frac{v_0 \omega}{g} & \text{b) } A &= \sqrt{\frac{g}{\omega} - \frac{v_0}{\omega}} \text{ et } \tan \varphi = -\frac{v_0 \omega}{2g} \\ \text{c) } A &= \sqrt{\frac{g^2}{\omega^4} + \frac{v_0^2}{\omega^2}} \text{ et } \tan \varphi = -\frac{v_0 \omega}{g} & \text{d) } A &= \sqrt{\frac{2g}{\omega^2} + \frac{v_0}{\omega}} \text{ et } \tan \varphi = \frac{g}{v_0 \omega} \end{aligned}$$



27. Exprimer B.

a) $B = \ell + \frac{g}{\omega^2}$ b) $B = 2\ell - \frac{g}{2\omega^2}$ c) $B = \ell + \frac{2g}{\omega^2}$ d) $B = \ell - \frac{g}{\omega^2}$

28. Calculer la vitesse v_1 de la masse m quand elle repasse par l'ordonnée $x = \ell$.

a) $v_1 = -v_0$ b) $v_1 = -2v_0$ c) $v_1 = -\frac{1}{2}v_0$ d) $v_1 = -\frac{2}{3}v_0$

29. Calculer la vitesse v_2 de la masse m quand elle arrive sur le support en $x = 0$.

a) $v_2 = -v_0\sqrt{\frac{g\ell}{v_0^2} + 1}$ b) $v_2 = -v_0\sqrt{2\frac{g\ell}{v_0^2} + 1}$ c) $v_2 = -2v_0\sqrt{\frac{g\ell}{v_0^2} + 1}$ d) $v_2 = -v_0\sqrt{\frac{g\ell}{v_0^2} + 2}$

30. Calculer la vitesse initiale limite v_ℓ que doit avoir la masse m pour que la masse M puisse juste décoller du support. On pose $\Omega^2 = \frac{k}{M}$.

a) $v_\ell = \frac{g}{\Omega^2}\sqrt{\Omega^2 + 2\omega^2}\mathbf{e}_x$ b) $v_\ell = \frac{2g}{\Omega^2}\sqrt{\Omega^2 + \omega^2}\mathbf{e}_x$
 c) $v_\ell = \frac{g}{\Omega^2}\sqrt{2\Omega^2 + \omega^2}\mathbf{e}_x$ d) $v_\ell = \frac{g}{2\Omega^2}\sqrt{2\Omega^2 + 2\omega^2}\mathbf{e}_x$

31. Si $v_0 \geq v_\ell$, l'instant t_1 où la masse M décolle du support se déduit de la relation :

a) $\cos(\omega t_1 + \varphi) = \frac{g}{A}\left(\frac{1}{\omega^2} - \frac{1}{\Omega^2}\right)$ b) $\cos(\omega t_1 + \varphi) = \frac{g}{A}\left(\frac{1}{2\omega^2} + \frac{1}{\Omega^2}\right)$
 c) $\cos(\omega t_1 + \varphi) = \frac{g}{A}\left(\frac{1}{\omega^2} + \frac{1}{\Omega^2}\right)$ d) $\cos(\omega t_1 + \varphi) = \frac{g}{A}\left(\frac{1}{\omega^2} - \frac{1}{2\Omega^2}\right)$

32. On se place maintenant dans le cas où la masse M peut décoller du support et l'on désigne par X son ordonnée. Montrer qu'à partir de l'instant t_1 où la masse M décolle et tant qu'elle est en l'air et que le fil reste tendu, les équations différentielles qui régissent le mouvement des deux masses s'écrivent :

a) $\frac{d^2x}{dt^2} = -g - \omega^2(x - X - \ell)$ et $\frac{d^2X}{dt^2} = -g + \Omega^2(x - X - \ell)$
 b) $\frac{d^2x}{dt^2} = -g + \omega^2(x - X - \ell)$ et $\frac{d^2X}{dt^2} = -g - \Omega^2(x - X - \ell)$
 c) $\frac{d^2x}{dt^2} = -g + \omega^2(x + X - \ell)$ et $\frac{d^2X}{dt^2} = -g - \Omega^2(x + X - \ell)$
 d) $\frac{d^2x}{dt^2} = -g - \omega^2(x - X + \ell)$ et $\frac{d^2X}{dt^2} = -g - \Omega^2(x - X + \ell)$

33. On étudie la propagation d'un champ électromagnétique sinusoïdal de pulsation ω dans un conducteur de conductivité γ qui occupe le demi espace limité par le plan P d'équation $z = 0$ et situé du côté positif de l'axe Oz d'un repère \mathcal{R} (Oxyz). Le conducteur est défini par les constantes ϵ_0 et μ_0 du vide ; on suppose que $\gamma \gg \epsilon_0\omega$ et que la charge volumique $\rho = 0$. On se restreint au cas où les champs électrique et magnétique ne dépendent que du temps et de la coordonnée z et se mettent, en notation complexe, sous les formes suivantes :

$$\underline{\mathbf{E}}(z, t) = \underline{\mathbf{E}}_0(z)\exp(i\omega t) \quad \text{et} \quad \underline{\mathbf{B}}(z, t) = \underline{\mathbf{B}}_0(z)\exp(i\omega t)$$

les vecteurs $\underline{\mathbf{E}}_0(z)$ et $\underline{\mathbf{B}}_0(z)$ ayant a priori des composantes complexes dans la base orthonormée $\mathbf{e}_x, \mathbf{e}_y, \mathbf{e}_z$ de \mathcal{R} (Oxyz).

Déduire des équations de Maxwell que l'amplitude complexe $\underline{\mathbf{B}}_0(z)$ du champ magnétique obéit à l'équation différentielle : $\Delta \underline{\mathbf{B}}_0(z) = \underline{\mathbf{A}} \underline{\mathbf{B}}_0(z)$. Exprimer $\underline{\mathbf{A}}$.

a) $\underline{A} = i\mu_0\gamma\omega$ b) $\underline{A} = -\mu_0\varepsilon_0\gamma\omega$ c) $\underline{A} = \frac{\mu_0\varepsilon_0}{\gamma\omega}$ d) $\underline{A} = -i\frac{\gamma\omega}{\mu_0\varepsilon_0}$

34. Montrer que $\underline{B}(z, t)$ peut se mettre sous la forme : $\underline{B}(z, t) = \underline{C}_1 \exp\left(-\frac{z}{\delta}\right) \exp[i(\omega t - kz)]$, où \underline{C}_1 est un vecteur constant pouvant avoir des composantes complexes. Exprimer δ .

a) $\delta = \sqrt{\frac{1}{2\mu_0\gamma\omega}}$ b) $\delta = \sqrt{\frac{\mu_0\varepsilon_0}{\gamma\omega}}$ c) $\delta = \sqrt{\frac{\gamma\omega}{2\mu_0\varepsilon_0}}$ d) $\delta = \sqrt{\frac{2}{\mu_0\gamma\omega}}$

35. Exprimer k .

a) $k = \sqrt{\frac{2}{\mu_0\gamma\omega}}$ b) $k = \sqrt{\frac{\mu_0\gamma\omega}{2}}$ c) $k = \sqrt{\frac{\gamma\omega}{2\mu_0\varepsilon_0}}$ d) $k = \sqrt{\frac{2\mu_0\varepsilon_0}{\gamma\omega}}$

36. Calculer δ pour $\omega = 2\pi \cdot 10^{10} \text{ rad.s}^{-1}$.

On donne : $\varepsilon_0 = \frac{1}{36\pi} \cdot 10^{-9} \text{ SI}$, $\mu_0 = 4\pi \cdot 10^{-7} \text{ SI}$ et $\gamma = 0,625 \cdot 10^8 \Omega^{-1} \cdot \text{m}^{-1}$.

a) $\delta = 0,64 \cdot 10^{-6} \text{ m}$ b) $\delta = 1,52 \cdot 10^{-5} \text{ m}$ c) $\delta = 3,73 \cdot 10^{-4} \text{ m}$ d) $\delta = 7,25 \cdot 10^{-3} \text{ m}$

37. On suppose $\underline{B}(z, t)$ porté par Oy et l'on note B_0 la valeur de l'amplitude du champ en tout point M de P. Montrer que l'on peut mettre le champ électrique $\underline{E}(z, t)$ sous la forme :

$$\underline{E}(z, t) = E_0 \exp(i\varphi) \exp\left(-\frac{z}{\delta}\right) \exp[i(\omega t - kz)] \mathbf{e}_x$$

Donner l'expression de E_0 .

a) $E_0 = \sqrt{\frac{\mu_0\gamma}{2\omega}} B_0$ b) $E_0 = \sqrt{\frac{\omega}{2\mu_0\gamma}} B_0$ c) $E_0 = \sqrt{\frac{\omega}{\mu_0\gamma}} B_0$ d) $E_0 = \sqrt{\frac{2\omega}{\mu_0\gamma}} B_0$

38. Exprimer φ .

a) $\varphi = \pi/2$ b) $\varphi = \pi/4$ c) $\varphi = \pi$ d) $\varphi = 0$

39. Calculer la valeur moyenne $\langle \phi \rangle$ sur une période du flux du vecteur de Poynting à travers une surface Σ appartenant au plan P.

a) $\langle \phi \rangle = \sqrt{\frac{2\mu_0^2\gamma}{\omega}} B_0^2 \Sigma$ b) $\langle \phi \rangle = \sqrt{\frac{\omega}{2\pi\mu_0\gamma}} B_0^2 \Sigma$ c) $\langle \phi \rangle = \sqrt{\frac{\gamma\omega}{\mu_0\varepsilon_0}} B_0^2 \Sigma$ d) $\langle \phi \rangle = \sqrt{\frac{\omega}{8\mu_0^3\gamma}} B_0^2 \Sigma$

40. Calculer la puissance moyenne $\langle \mathcal{P} \rangle$ dissipée par effet Joule sur une période dans le volume du conducteur défini par le cylindre de section droite Σ et de longueur infinie.

a) $\langle \mathcal{P} \rangle = \sqrt{\frac{\omega}{8\mu_0^3\gamma}} B_0^2 \Sigma$ b) $\langle \mathcal{P} \rangle = -\sqrt{\frac{2\mu_0^2\gamma}{\omega}} B_0^2 \Sigma$ c) $\langle \mathcal{P} \rangle = \sqrt{\frac{\omega}{2\pi\mu_0\gamma}} B_0^2 \Sigma$ d) $\langle \mathcal{P} \rangle = \sqrt{\frac{2\omega}{\pi\mu_0^2\gamma}} B_0^2 \Sigma$