

# ICNA - SESSION 2004

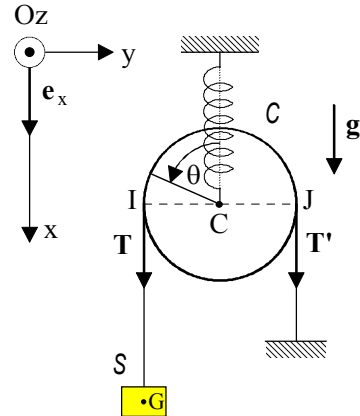
## ÉPREUVE OPTIONNELLE DE PHYSIQUE

### ÉNONCÉ

#### Questions liées.

[1,2,3,4,5,6]    [7,8,9,10,11,12,13]    [14,15,16,17,18,19,20]    [21,22,23,24,25,26,27,28]  
 [29,30,31,32,33,34]    [35,36,37,38,39,40]

1. Une poulie homogène  $C$  de centre de masse  $C$ , de masse  $M$  et de rayon  $a$ , est suspendue par son axe de rotation  $Cz$  à l'extrémité d'un ressort de raideur  $k$  et de longueur à vide  $\ell_0$  dont l'autre extrémité est maintenue fixe dans le référentiel d'étude  $\mathcal{R}(Oxyz)$ . Un solide  $S$ , de centre de masse  $G$  et de masse  $m$ , est suspendu à l'extrémité d'un fil  $f$  inextensible et sans masse qui passe dans la gorge de la poulie où il ne peut pas glisser et dont l'autre extrémité est maintenue fixe dans  $\mathcal{R}(Oxyz)$ . Le mouvement de rotation de la poulie est repéré par l'angle  $\theta$  défini sur la figure ci-contre. Déterminer la position  $x_{C0}$  du centre  $C$  de la poulie à l'équilibre.



- a)  $x_{C0} = \frac{(M+2m)g}{k} + \ell_0$     b)  $x_{C0} = \frac{(M+m)g}{k} + \ell_0$   
 c)  $x_{C0} = \frac{Mg}{k} + \ell_0$     d)  $x_{C0} = \frac{(M+m)g}{2k} + \ell_0$

2. Exprimer la relation entre la vitesse  $\mathbf{V}(G/\mathcal{R})$  du centre de masse  $G$  du solide  $S$  et la vitesse  $\mathbf{V}(C/\mathcal{R})$  du centre de masse  $C$  de la poulie.

- a)  $\mathbf{V}(G/\mathcal{R}) = \mathbf{V}(C/\mathcal{R})$     b)  $\mathbf{V}(G/\mathcal{R}) = \mathbf{V}(C/\mathcal{R}) - a\dot{\theta}\mathbf{i}$   
 c)  $\mathbf{V}(G/\mathcal{R}) = 2\mathbf{V}(C/\mathcal{R}) + a\dot{\theta}\mathbf{i}$     d)  $\mathbf{V}(G/\mathcal{R}) = 2\mathbf{V}(C/\mathcal{R})$

3. On désigne par  $x = x_C - x_{C0}$  la quantité qui repère la position du point  $C$  par rapport à sa position d'équilibre  $x_{C0}$ . On rappelle que le moment d'inertie de la poulie par rapport à l'axe  $Cz$  s'écrit :  $J = \frac{Ma^2}{2}$ .

Écrire l'équation différentielle à laquelle  $x$  obéit.

- a)  $\frac{d^2x}{dt^2} = -\frac{k}{m+M}x$     b)  $\frac{d^2x}{dt^2} = -\frac{2k}{8m+3M}x$     c)  $\frac{d^2x}{dt^2} = -\frac{2k}{m+M}x$     d)  $\frac{d^2x}{dt^2} = -\frac{k}{2m+M}x$

4. Exprimer la pulsation  $\omega_0$  des oscillations du solide  $S$ .

- a)  $\omega_0 = \sqrt{\frac{k}{m+M}}$     b)  $\omega_0 = \sqrt{\frac{2k}{m+M}}$     c)  $\omega_0 = \sqrt{\frac{2k}{8m+3M}}$     d)  $\omega_0 = \sqrt{\frac{k}{2m+M}}$

5. Le solide  $S$  est écarté de sa position d'équilibre d'une quantité  $\varepsilon_0$  puis lâché sans vitesse initiale. On désigne par  $\mathbf{T} = T\mathbf{i}$  la tension qu'exerce à chaque instant  $t$  la partie mobile du fil sur la poulie. Exprimer  $T$ .

- a)  $T = 3m\omega_0^2\varepsilon_0 \cos(\omega_0 t)$     b)  $T = mg + m\omega_0^2\varepsilon_0 \cos(\omega_0 t)$   
 c)  $T = mg - m\omega_0^2\varepsilon_0 \sin(\omega_0 t)$     d)  $T = mg + (m+2M)\omega_0^2\varepsilon_0 \cos(\omega_0 t)$

6. On désigne par  $\mathbf{T}' = T'\mathbf{i}$  la tension qu'exerce à chaque instant  $t$  la partie immobile du fil sur la poulie. Exprimer  $T'$ .

- a)  $T' = mg + \left(m + \frac{M}{4}\right) \omega_0^2 \varepsilon_0 \cos(\omega_0 t)$       b)  $T' = mg + \left(m + \frac{M}{2}\right) \omega_0^2 \varepsilon_0 \cos(\omega_0 t)$   
 c)  $T' = mg + \left(m + \frac{2M}{3}\right) \omega_0^2 \varepsilon_0 \cos(\omega_0 t)$       d)  $T' = mg + (m + 2M) \omega_0^2 \varepsilon_0 \cos(\omega_0 t)$

7. Les gaz sortant d'une tuyère servent à la propulsion d'une fusée dont la masse initiale *totale* (*structure, équipement et mélange propulsif*) est  $m_0 = 10^4$  kg. La vitesse d'éjection  $\mathbf{u}$  des gaz par rapport à la fusée est supposée constante et vaut, en norme,  $u = 3920$  m.s<sup>-1</sup>. Le débit massique des gaz est noté D et il sera supposé constant dans le temps.

On désigne respectivement par  $m$  et  $\mathbf{V}$  les valeurs à l'instant  $t$  de la masse de la fusée et de sa vitesse par rapport à un repère terrestre  $\mathcal{R}$  (Oxyz) que l'on supposera galiléen et dont l'axe Oz est dirigé suivant la verticale ascendante.

On notera  $\mathbf{g}$  l'accélération de la pesanteur et l'on supposera que sa norme  $g = 9,8$  m.s<sup>-2</sup> est indépendante de l'altitude  $z$  de la fusée.

Montrer que si l'on néglige la résistance de l'air, l'accélération  $\mathbf{a}$  de la fusée dans le repère  $\mathcal{R}$  (Oxyz) à

l'instant  $t$  peut s'écrire :  $\mathbf{a}(t) = \mathbf{g} - \frac{\mathbf{u}}{\tau - t}$ .

Exprimer  $\tau$ .

- a)  $\tau = \frac{2m_0}{D}$       b)  $\tau = \frac{m_0}{2D}$       c)  $\tau = \frac{m_0}{D}$       d)  $\tau = \frac{4m_0}{5D}$

8. La masse  $m_c$  du mélange propulsif représente une proportion  $\alpha$  de la masse initiale totale  $m_0$  :  $m_c = \alpha m_0$ . Calculer le temps  $t_1$  au bout duquel le carburant est totalement consommé.

- a)  $t_1 = 2\alpha\tau$       b)  $t_1 = \alpha\tau$       c)  $t_1 = \frac{\alpha}{2\tau}$       d)  $t_1 = \frac{\alpha}{3\tau}$

9. Quelle est la vitesse  $V_1$  atteinte par la fusée à l'instant  $t_1$  où le carburant est consommé en totalité ?

- a)  $V_1 = u \ln(1 - \alpha) + g\alpha\tau$       b)  $V_1 = -u \ln \alpha - g\alpha\tau$   
 c)  $V_1 = -u \ln \alpha + g(1 - \alpha)\tau$       d)  $V_1 = -u \ln(1 - \alpha) - g\alpha\tau$

10. Quelle est alors l'altitude  $z_1$  de la fusée ? On donne :  $\int_0^y \ln(1 - x) dx = -(1 - y) \ln(1 - y) - y$ .

- a)  $z_1 = u\tau \left[ \alpha + (1 - \alpha) \ln(1 - \alpha) \right] - \frac{1}{2} g \alpha^2 \tau^2$       b)  $z_1 = u\tau \left[ \alpha - (1 - \alpha) \ln(1 - \alpha) \right] - \frac{1}{2} g \alpha^2 \tau^2$   
 c)  $z_1 = u\tau \left[ \alpha - (1 - \alpha) \ln(1 - \alpha) \right] + g \alpha^2 \tau^2$       d)  $z_1 = u\tau \left[ \alpha + (1 - \alpha) \ln(1 - \alpha) \right] - 2g \alpha^2 \tau^2$

11. Donner la valeur numérique de  $\tau$  sachant qu'à l'instant  $t = 0$  l'accélération  $a(0) = g$ .

- a)  $\tau = 100$  s      b)  $\tau = 300$  s      c)  $\tau = 250$  s      d)  $\tau = 200$  s

12. Calculer numériquement en kilomètres la valeur entière arrondie de l'altitude  $z_1$  si  $\alpha = 1/2$ .

- a)  $z_1 = 71$  km      b)  $z_1 = 102$  km      c)  $z_1 = 47$  km      d)  $z_1 = 203$  km

13. Calculer numériquement en kilomètres la valeur entière arrondie de l'altitude maximale  $z_2$  atteinte par la fusée avant qu'elle retombe.

- a)  $z_2 = 304$  km      b)  $z_2 = 108$  km      c)  $z_2 = 225$  km      d)  $z_2 = 402$  km

14. Une sphère métallique  $S_0$ , de rayon  $R_0$ , est portée à un potentiel  $V_0$  puis *isolée*. Calculer la charge électrique surfacique  $\sigma_0$  qu'elle a emmagasinée.

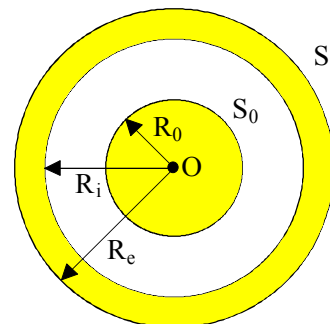
- a)  $\sigma_0 = \frac{4\pi\varepsilon_0 V_0}{R_0}$       b)  $\sigma_0 = \frac{2\pi\varepsilon_0 V_0}{R_0}$       c)  $\sigma_0 = \frac{R_0 V_0}{4\pi\varepsilon_0}$       d)  $\sigma_0 = \frac{\varepsilon_0 V_0}{R_0}$

15. Calculer l'énergie électrostatique  $\mathcal{E}$  de la sphère.

a)  $\mathcal{E} = 2\pi\epsilon_0 R_0 V_0^2$       b)  $\mathcal{E} = 4\pi\epsilon_0 R_0 V_0^2$       c)  $\mathcal{E} = \epsilon_0 R_0 V_0^2$       d)  $\mathcal{E} = \frac{4\pi\epsilon_0 R_0}{V_0^2}$

16. La sphère  $S_0$  est maintenant entourée d'une sphère conductrice creuse  $S_1$  isolée et initialement neutre, concentrique, de rayons intérieur  $R_i = 15$  cm et extérieur  $R_e = 16$  cm. Calculer le potentiel  $V_1$  de la sphère  $S_1$ .

a)  $V_1 = \frac{R_e}{R_i} V_0$       b)  $V_1 = \frac{R_0}{R_i} V_0$   
 c)  $V_1 = \frac{R_0}{R_e} V_0$       d)  $V_1 = \frac{R_i}{R_0} V_0$



17. Exprimer le potentiel  $V(P)$  d'un point quelconque  $P$  situé entre les deux sphères à une distance  $R_0 < r < R_i$ . On notera  $Q_0$  la charge totale portée par la sphère  $S_0$ .

a)  $V(P) = \frac{Q_0}{4\pi\epsilon_0} \left( \frac{1}{r} + \frac{1}{R_e} - \frac{1}{R_i} \right)$       b)  $V(P) = \frac{Q_0}{4\pi\epsilon_0 r}$   
 c)  $V(P) = \frac{Q_0}{4\pi\epsilon_0} \left( \frac{1}{r} + \frac{1}{R_e} - \frac{1}{R_0} \right)$       d)  $V(P) = \frac{Q_0}{4\pi\epsilon_0} \left( \frac{1}{r} + \frac{1}{R_0} - \frac{1}{R_i} \right)$

18. On impose maintenant que le potentiel  $V'_1$  de  $S_1$  soit nul. Quel est le nouveau potentiel  $V'_0$  de  $S_0$  ?

a)  $V'_0 = V_0 \left( 1 - \frac{R_0}{R_e} \right)$       b)  $V'_0 = V_0 \left( 1 - \frac{R_0}{R_i} \right)$       c)  $V'_0 = V_0 \left( 1 - \frac{R_e}{R_0} \right)$       d)  $V'_0 = V_0 \left( 1 - \frac{R_i}{R_0} \right)$

19. La sphère  $S_0$  est maintenant portée au potentiel  $V''_0$  et la sphère extérieure au potentiel  $V''_1 = 0$ . Calculer la charge  $Q'_0$  portée par la sphère  $S_0$ .

a)  $Q'_0 = 4\pi\epsilon_0 \frac{R_0 R_e}{R_e - R_0} V''_0$       b)  $Q'_0 = 4\pi\epsilon_0 \frac{R_e R_i}{R_e - R_i} V''_0$   
 c)  $Q'_0 = 4\pi\epsilon_0 \frac{R_0 R_i}{R_i - R_0} V''_0$       d)  $Q'_0 = 0$

20. Calculer l'énergie électrostatique  $\mathcal{E}'$  du système formé par l'ensemble des deux sphères.

a)  $\mathcal{E}' = 2\pi\epsilon_0 \frac{R_0 R_i}{R_i - R_0} V''_0{}^2$       b)  $\mathcal{E}' = 2\pi\epsilon_0 \frac{R_0 R_e}{R_e - R_0} V''_0{}^2$   
 c)  $\mathcal{E}' = 2\pi\epsilon_0 \frac{R_e R_i}{R_i - R_e} V''_0{}^2$       d)  $\mathcal{E}' = 0$

21. Une lunette de Galilée est constituée d'un objectif mince convergent  $L_1$  de distance focale image  $f'_1 = 15$  cm et d'un oculaire mince divergent  $L_2$  de distance focale image  $f'_2 = -5$  cm.

Calculer numériquement le distance  $e = O_1 O_2$  entre les centres optiques respectifs  $O_1$  et  $O_2$  des lentilles  $L_1$  et  $L_2$  pour qu'un observateur dont l'œil est normal puisse voir en accommodant à l'infini l'image que donne la lunette d'un objet situé à l'infini.

a)  $e = 20$  cm      b)  $e = 10$  cm      c)  $e = 15$  cm      d)  $e = 12$  cm

22. Un rayon lumineux entre dans l'instrument en faisant un angle  $\alpha_1$  avec l'axe optique. Exprimer l'angle  $\alpha_2$  que fait le rayon émergent avec l'axe optique.

a)  $\alpha_2 = -\frac{f'_1}{f'_2} \alpha_1$       b)  $\alpha_2 = -\frac{f'_2}{f'_1} \alpha_1$       c)  $\alpha_2 = -\frac{f'_1 + f'_2}{f'_2} \alpha_1$       d)  $\alpha_2 = -\frac{f'_1}{f'_1 + f'_2} \alpha_1$

23. On définit le grossissement  $G$  d'un instrument d'optique par le rapport  $G = \frac{\alpha_i}{\alpha_o}$  de l'angle  $\alpha_i$  sous

lequel un observateur voit un objet à travers l'instrument sur l'angle  $\alpha_o$  sous lequel il voit le même objet à l'œil nu. Calculer le grossissement  $G$  de la lunette.

- a)  $G = 3$                       b)  $G = -2$                       c)  $G = -1,5$                       d)  $G = 4$

Dans les questions qui suivent, il est avantageux d'exploiter les relations de conjugaison des lentilles minces qui utilisent les foyers objet et image pour repérer les positions respectives de l'objet et de l'image (*relations de Newton*).

24. Un objet de dimension  $\overline{AB}$  est disposé dans le plan de front orthogonal à l'axe optique situé à une distance finie de la lunette. L'objectif en donne une image  $\overline{A'B'}$  reprise par l'oculaire qui en donne une image définitive  $\overline{A''B''}$  observable par l'œil. Calculer le grandissement transversal de la lunette défini par

$$\text{le rapport } \gamma = \frac{\overline{A''B''}}{\overline{A'B'}}.$$

- a)  $\gamma = -\frac{f'_1 + f'_2}{f'_1}$                       b)  $\gamma = -\frac{f'_2}{f'_1 + f'_2}$                       c)  $\gamma = -\frac{f'_2}{f'_1}$                       d)  $\gamma = -\frac{f'_1}{f'_2}$

25. L'observateur dont la distance minimale de vision distincte est  $\delta_m = 20\text{cm}$  regarde à travers la lunette un objet qui rapproche de lui. Le centre optique  $O$  de son œil est placé à une distance  $d = O_2O = 2\text{cm}$  de l'oculaire. Pour éviter de retoucher au tirage de la lunette, il accommode de façon à conserver une vision nette de l'objet à travers l'instrument. Jusqu'à quelle distance  $d_m = AO$  de l'observateur l'objet peut-il se rapprocher ?

- a)  $d_m = 252\text{ cm}$                       b)  $d_m = 321\text{ cm}$                       c)  $d_m = 197\text{ cm}$                       d)  $d_m = 144\text{ cm}$

26. Calculer le grossissement  $G_1$  de la lunette lorsque l'objet se trouve à cette distance minimale  $d_m$ .

- a)  $G_1 = -2,4$                       b)  $G_1 = -3,5$                       c)  $G_1 = -4,2$                       d)  $G_1 = -1,9$

27. Un observateur myope dont la distance maximale de vision distincte est  $\delta_M = 25\text{cm}$  observe à travers l'instrument, sans ses verres correcteurs, un objet situé à l'infini. Quelle doit être la nouvelle valeur  $e' = O_1O_2$  de la distance entre les centres optiques des deux lentilles pour que l'observateur ait une vision nette de l'objet ?

- a)  $e' = 11,22\text{ cm}$                       b)  $e' = 12,33\text{ cm}$                       c)  $e' = 7,98\text{ cm}$                       d)  $e' = 8,61\text{ cm}$

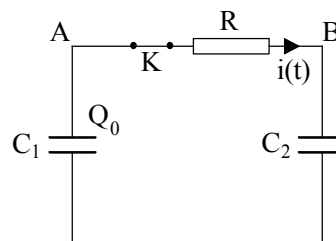
28. Quel est, dans ces conditions, le grossissement  $G_2$  de la lunette sachant que l'observateur porte ses verres correcteurs lorsqu'il observe l'objet à l'infini sans instrument.

- a)  $G_2 = -3,36$                       b)  $G_2 = -4,51$                       c)  $G_2 = -2,16$                       d)  $G_2 = -5,33$

29. Un circuit est constitué d'un interrupteur  $K$ , d'un résistor de résistance  $R$  et de deux condensateurs de capacités respectives  $C_1$  et  $C_2$  connectés en série (*voir figure ci-contre*). A l'instant  $t = 0$  où l'on ferme l'interrupteur  $K$ , l'armature du condensateur de capacité  $C_1$  connectée au point  $A$  porte la charge  $Q_0$ . Le condensateur de capacité  $C_2$  est complètement déchargé.

Exprimer la charge finale  $Q_1$  de l'armature du condensateur de capacité  $C_1$  connectée au point  $A$ .

- a)  $Q_1 = Q_0 \frac{C_1}{C_1 + C_2}$                       b)  $Q_1 = Q_0 \frac{C_2}{C_1 + C_2}$   
 c)  $Q_1 = Q_0 \frac{C_1 + C_2}{C_1}$                       d)  $Q_1 = Q_0 \frac{C_1 + C_2}{C_2}$



30. Exprimer la charge finale  $Q_2$  de l'armature du condensateur de capacité  $C_2$  connectée au point  $B$ .

- a)  $Q_2 = Q_0 \frac{C_1}{C_1 + C_2}$                       b)  $Q_2 = Q_0 \frac{C_2}{C_1 + C_2}$                       c)  $Q_2 = Q_0 \frac{C_1 + C_2}{C_1}$                       d)  $Q_2 = Q_0 \frac{C_1 + C_2}{C_2}$

31. Calculer la variation  $\Delta \mathcal{E}$  d'énergie électrostatique de l'ensemble des deux condensateurs.

$$\begin{array}{ll} \text{a) } \Delta \mathcal{E} = -\frac{Q_0^2 C_1}{2C_2(C_1 + C_2)} & \text{b) } \Delta \mathcal{E} = -\frac{Q_0^2(C_1 + C_2)}{C_1 C_2} \\ \text{c) } \Delta \mathcal{E} = -\frac{Q_0^2 C_2}{2C_1(C_1 + C_2)} & \text{d) } \Delta \mathcal{E} = -\frac{Q_0^2(C_1 + C_2)}{2C_1 C_2} \end{array}$$

**32.** Montrer que la valeur instantanée  $i(t)$  de l'intensité du courant dans le circuit pendant le régime transitoire s'écrit :  $i(t) = I_0 \exp(-t/\tau)$ . Exprimer  $I_0$ .

$$\text{a) } I_0 = \frac{Q_0}{RC_2} \quad \text{b) } I_0 = \frac{Q_0(C_1 + C_2)}{RC_1 C_2} \quad \text{c) } I_0 = \frac{Q_0}{R(C_1 + C_2)} \quad \text{d) } I_0 = \frac{Q_0}{RC_1}$$

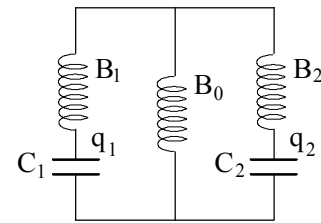
**33.** Exprimer  $\tau$ .

$$\text{a) } \tau = R(C_1 + C_2) \quad \text{b) } \tau = RC_1 \quad \text{c) } \tau = R \frac{C_1 C_2}{C_1 + C_2} \quad \text{d) } \tau = RC_2$$

**34.** Calculer l'énergie  $\mathcal{E}_J$  dissipée sous forme de chaleur par effet Joule dans le résistor de résistance  $R$ .

$$\text{a) } \mathcal{E}_J = \frac{Q_0^2 C_1}{2C_2(C_1 + C_2)} \quad \text{b) } \mathcal{E}_J = \frac{Q_0^2 C_2}{2C_1(C_1 + C_2)} \quad \text{c) } \mathcal{E}_J = \frac{Q_0^2}{2(C_1 + C_2)} \quad \text{d) } \mathcal{E}_J = \frac{Q_0^2 C_1 C_2}{2(C_1 + C_2)}$$

**35.** On considère le circuit représenté par le schéma de la figure ci-contre. Les bobines  $B_1$  et  $B_2$  ont même coefficient d'auto-inductance  $L$ . La bobine  $B_0$  a un coefficient d'auto-inductance  $L_0$ . Les condensateurs  $C_1$  et  $C_2$  ont la même capacité  $C$ . On désigne par  $q_1$  et  $q_2$  les valeurs instantanées des charges des armatures des condensateurs  $C_1$  et  $C_2$  reliées respectivement aux bobines  $B_1$  et  $B_2$ . Les condensateurs  $C_1$  et  $C_2$  portent les charges initiales respectives  $q_1(0) = Q_0$  et  $q_2(0) = 0$ .



Écrire les équations différentielles couplées auxquelles obéissent les charges  $q_1$  et  $q_2$ .

$$\begin{array}{l} \text{a) } (L + L_0) \frac{d^2 q_1(t)}{dt^2} + L_0 \frac{d^2 q_2(t)}{dt^2} + \frac{q_1(t)}{C} = 0 \quad \text{et} \quad (L + L_0) \frac{d^2 q_2(t)}{dt^2} + L_0 \frac{d^2 q_1(t)}{dt^2} + \frac{q_2(t)}{C} = 0 \\ \text{b) } L \frac{d^2 q_1(t)}{dt^2} + L_0 \frac{d^2 q_2(t)}{dt^2} + \frac{q_1(t)}{C} = 0 \quad \text{et} \quad L_0 \frac{d^2 q_2(t)}{dt^2} + L \frac{d^2 q_1(t)}{dt^2} + \frac{q_2(t)}{C} = 0 \\ \text{c) } (L + 2L_0) \frac{d^2 q_1(t)}{dt^2} + 2L_0 \frac{d^2 q_2(t)}{dt^2} + \frac{q_2(t)}{C} = 0 \quad \text{et} \quad (2L + L_0) \frac{d^2 q_2(t)}{dt^2} + 2L_0 \frac{d^2 q_1(t)}{dt^2} + \frac{q_1(t)}{C} = 0 \\ \text{d) } L_0 \frac{d^2 q_1(t)}{dt^2} + 2L \frac{d^2 q_1(t)}{dt^2} + \frac{q_2(t)}{C} = 0 \quad \text{et} \quad L \frac{d^2 q_2(t)}{dt^2} + L_0 \frac{d^2 q_1(t)}{dt^2} + \frac{q_2(t)}{C} = 0 \end{array}$$

**36.** Calculer les fréquences propres  $\Omega_1$  et  $\Omega_2$  du circuit.

$$\begin{array}{ll} \text{a) } \Omega_1 = \frac{1}{\sqrt{(L + L_0)C}} \quad \text{et} \quad \Omega_2 = \frac{1}{\sqrt{2LC}} & \text{b) } \Omega_1 = \frac{1}{\sqrt{(2L + 2L_0)C}} \quad \text{et} \quad \Omega_2 = \frac{1}{\sqrt{L_0 C}} \\ \text{c) } \Omega_1 = \frac{1}{\sqrt{(L + 2L_0)C}} \quad \text{et} \quad \Omega_2 = \frac{1}{\sqrt{LC}} & \text{d) } \Omega_1 = \frac{1}{\sqrt{LC}} \quad \text{et} \quad \Omega_2 = \frac{1}{\sqrt{L_0 C}} \end{array}$$

**37.** Exprimer  $q_1(t)$ .

$$\begin{array}{l} \text{a) } q_1(t) = Q_0 [\cos(\Omega_1 t) + \sin(\Omega_2 t)] \\ \text{b) } q_1(t) = Q_0 [\cos((\Omega_1 + \Omega_2)t) + \sin((\Omega_1 + \Omega_2)t)] \\ \text{c) } q_1(t) = \frac{Q_0}{2} [\cos((\Omega_1 - \Omega_2)t) + \cos((\Omega_1 + \Omega_2)t)] \end{array}$$

$$d) q_1(t) = \frac{Q_0}{2} [\cos(\Omega_1 t) + \cos(\Omega_2 t)]$$

**38.** Exprimer  $q_2(t)$ .

$$a) q_2(t) = Q_0 [\sin(\Omega_1 t) - \sin(\Omega_2 t)]$$

$$b) q_2(t) = Q_0 [\sin((\Omega_1 - \Omega_2)t) - \sin((\Omega_1 + \Omega_2)t)]$$

$$c) q_2(t) = \frac{Q_0}{2} [\cos(\Omega_1 t) - \cos(\Omega_2 t)]$$

$$d) q_2(t) = \frac{Q_0}{2} [\cos((\Omega_1 - \Omega_2)t) - \cos((\Omega_1 + \Omega_2)t)]$$

**39.** Sachant que  $q_1(0) = Q_0$  quelle doit être la valeur  $Q_{02} = q_2(0)$  de la charge initiale du condensateur  $C_2$  si l'on veut exciter le mode propre correspondant à la pulsation  $\Omega_1$  ?

$$a) Q_{02} = Q_0$$

$$b) Q_{02} = -Q_0$$

$$c) Q_{02} = 0$$

$$d) Q_{02} = -2Q_0$$

**40.** Quelle doit être la valeur  $Q'_{02} = q_2(0)$  si l'on veut exciter le mode propre correspondant à la pulsation  $\Omega_2$  ?

$$a) Q'_{02} = Q_0$$

$$b) Q'_{02} = -Q_0$$

$$c) Q'_{02} = -2Q_0$$

$$d) Q'_{02} = 0$$