Les deux parties I et II peuvent être abordées indépendamment l'une de l'autre. Les vecteurs sont indiqués en caractères gras. Les vecteurs de base associés à un système d'axes x, y, z orthonormé direct sont notés  $\boldsymbol{e}_x$ ,  $\boldsymbol{e}_y$  et  $\boldsymbol{e}_z$ .

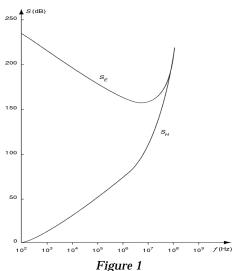
#### Données

Formule  ${\it rot(rotA)} = {\it grad(divA)} - {\it A}$ , où est le laplacien vectoriel. Équations de Maxwell macroscopiques dans un milieu matériel :  ${\it divD} = : {\it divB} = 0 :$   ${\it rotE} = -{\it B}/t : {\it rotH} = {\it J} + {\it D}/t$ , où et  ${\it J}$  sont les densités volumiques de charge et de courant "libres". Constantes universelles :  $\mu_0 = 4 \times 10^{-7} {\rm H~m}^{-1}$  ou  ${\it N} {\it A}^{-2} : c = 3 \times 10^8 {\rm m~s}^{-1} : {\it o} = 1/\mu_0 c^2$ .

#### Présentation du problème

L'objectif de la compatibilité électromagnétique est de rendre compatible le fonctionnement d'un système sensible avec son environnement électromagnétique, les perturbations pouvant être générées soit par une autre partie du système, soit par l'environnement extérieur. Dans le cas de perturbations rayonnées (transportées par une onde électromagnétique), une solution couramment utilisée pour protéger les équipements sensibles consiste à les placer dans un boîtier métallique faisant écran entre l'équipement à protéger et la perturbation. L'ingénieur doit pouvoir dimensionner le boîtier et évaluer l'atténuation du champ électromagnétique due au boîtier.

Le pouvoir de protection d'un boîtier est caractérisé par l'efficacité de blindage en champ électrique et en champ magnétique.



Par définition, ces efficacités s'écrivent respectivement :  $S_E = 20 \log_{10} \| \mathbf{E}_0 / \mathbf{E}_{int} \|$  et  $S_H = 20 \log_{10} \| \mathbf{H}_0 / \mathbf{H}_{int} \|$ , où  $\mathbf{E}_{int}$  et  $\mathbf{H}_{int}$  sont les champs à l'intérieur du boîtier et où  $\mathbf{E}_0$  et  $\mathbf{H}_0$  sont ceux qui existeraient au même endroit en l'absence de boîtier. Ces efficacités de blindage s'expriment en décibels (dB). La détermination des efficacités de blindage est difficile. Une forme analytique peut être obtenue après des calculs complexes dans le cas de l'enceinte sphérique. Pour d'autres géométries d'enceinte, il faut avoir recours à la simulation numérique en utilisant des logiciels complexes nécessitant des ordinateurs puissants. L'ingénieur a donc besoin de développer des modèles certes grossiers mais permettant d'évaluer *l'ordre de grandeur de l'atténuation du blindage avec une simple calculatrice*. L'objectif de ce problème est de construire plusieurs modèles simples, d'analyser par ces approches simplifiées les propriétés du phénomène de blindage

et de définir les limites d'application de ces modèles. La figure 1 présente les résultats obtenus par le calcul analytique au centre d'une enceinte sphérique de rayon interne 1 m, dont l'épaisseur de la coque vaut d=0, 25 mm et de conductivité  $10^7$  S m<sup>-1</sup>:

**Question préliminaire** : Au vu de la forme des efficacités de blindage d'une enceinte sphérique, dans quelle situation sera-t-il difficile de protéger un équipement ?

#### Partie I - Cas de la lame conductrice infinie

#### I.A - Propagation d'une onde plane dans un milieu parfait (conducteur ou non)

I.A.1-a)On considère un milieu matériel continu "parfait", défini comme ayant des propriétés diélectriques et magnétiques isotropes, linéaires et homogènes ; la permittivité électrique et la perméabilité magnétique absolues sont respectivement et  $\mu$ , toutes deux réelles et indépendantes de la fréquence des champs. Écrire les relations entre les champs  ${\pmb E}, {\pmb D}, {\pmb H}$  et  ${\pmb B}$  qui définissent les constantes et  $\mu$ ; expliciter les équations de Maxwell dans ce milieu, supposé d'abord *électriquement isolant*, en n'y faisant plus apparaître que les champs  ${\pmb E}$  et  ${\pmb B}$  et la densité volumique de charges .

- b) Ce milieu peut être également conducteur de l'électricité ; on supposera alors que la conduction électrique obéit à la loi d'Ohm locale, avec une conductivité également homogène, isotrope et indépendante de la fréquence du courant. Écrire à nouveau les équations de Maxwell dans ce cas.
- I.A.2) On se limite dorénavant au cas où  $\boldsymbol{E}$  et  $\boldsymbol{B}$  sont des fonctions sinusoïdales du temps de pulsation que l'on écrit sous forme de représentation complexe :  $\boldsymbol{E} = \text{Réel}(\boldsymbol{E}(\boldsymbol{r})e^{i})$  et  $\boldsymbol{B} = \text{Réel}(\boldsymbol{E}(\boldsymbol{r})e^{i})$ ,  $\boldsymbol{r}$  désignant l'ensemble des trois coordonnées d'espace. Écrire les équations de Maxwell en notation complexe, portant sur  $\boldsymbol{E}(\boldsymbol{r})$  et  $\boldsymbol{B}(\boldsymbol{r})$ , dans le cadre des hypothèses de la question précédente. Montrer qu'alors  $\boldsymbol{E}(\boldsymbol{r})$  nécessairement.
- I.A.3) Montrer que dans le milieu matériel linéaire, homogène et isotrope étudié, l'amplitude complexe  $\boldsymbol{E}(\boldsymbol{r})$  du champ électrique en régime sinusoïdal vérifie l'équation :

$$\underline{\boldsymbol{E}}(\boldsymbol{r}) = (i\mu - \mu^{2})\underline{\boldsymbol{E}}(\boldsymbol{r}) \tag{1}$$

et que  $\mathbf{B}(\mathbf{r})$  vérifie la même équation (1).

- I.A.4) Vérifier qu'en donnant à ,  $\mu$  et des valeurs convenables, on retrouve bien à partir de (1) (1)les équations décrivant la propagation des champs  $\boldsymbol{E}$  et  $\boldsymbol{B}$  dans le vide en régime sinusoïdal.
- I.A.5) On étudie les solutions de (1) en géométrie plane (ou unidimensionnelle) : les champs  $\boldsymbol{E}$  et  $\boldsymbol{B}$  ne dépendent que de la seule coordonnée x (et sont toujours des fonctions sinusoïdales du temps). On se limite de plus au cas où  $\boldsymbol{E}$  est aligné selon y'y: alors  $\boldsymbol{E}(\boldsymbol{r}) = \boldsymbol{E}(x) = \boldsymbol{E}(x) \boldsymbol{e}_{v}$ .
- a) Montrer que dans ces conditions les solutions de (1) se mettent sous la forme :

$$\underline{\underline{E}}(\mathbf{x}) = A_1 e^{-\mathbf{x}} + A_2 e^{\mathbf{x}} \tag{2}$$

où  $A_1$ ,  $A_2$  et  $\phantom{A_1}$  sont des constantes (complexes). Exprimer  $\phantom{A_1}$  en fonction de  $\phantom{A_1}$ ,  $\phantom{A_2}$  et  $\phantom{A_1}$  et  $\phantom{A_1}$ 

Concours Centrale-Supélec 1999

b) À l'aide de l'une des équations de Maxwell, écrire une équation différentielle permettant d'évaluer à partir de  $\underline{E}(x)$  l'amplitude complexe  $\underline{B}(x)$  du champ  $\underline{B}$  associé. Exprimer  $\underline{B}(x)$  à l'aide des constantes  $A_1$ ,  $A_2$ , et en précisant sa direction.

- I.A.6) Le cas du "bon conducteur". On considère un métal bon conducteur (Cu, Ag, Al...) pour lequel la conductivité électrique est de l'ordre de  $3 \times 10^7$  à  $7 \times 10^7$  S m<sup>-1</sup>; est de l'ordre de  $_0$ ,  $\mu$  est égale à  $\mu_0$ .
- a) Montrer que pour des fréquences inférieures à  $1 \mathrm{THz} = 10^{12} \, \mathrm{Hz}$ , le produit est négligeable devant . À quelle simplification cela correspond-il dans les équations de Maxwell ? Que devient alors l'équation de propagation (1) ?
- b) Préciser, de manière concise, des situations physiques, en thermodynamique, en mécanique des fluides, en physico-chimie des milieux continus où l'on rencontre une équation analogue.
- c) Pourquoi, dans le cas du métal, est-il inutile d'envisager des fréquences supérieures au TH ? Quelle(s) propriété(s) faudrait-il alors remettre en question ? Pourquoi ? On citera à ce propos une durée caractéristique dont on fournira un ordre de grandeur plausible.
- d) Montrer que la simplification faite à la question I.A.6-a permet de mettre sous la forme (1+i)/, où est une constante réelle positive qui s'exprime en fonction de  $\mu_0$ , et . Contrôler l'homogénéité de l'expression de .
- e) Reporter cette valeur de dans la solution (2) et interpréter physiquement chacun des deux termes ; expliquer pourquoi est appelée "épaisseur de peau".
- f) Discuter les influences de la fréquence et de sur la valeur de
- g) Comparer, dans les "bons conducteurs", à la longueur d'onde  $_0$  qu'auraient dans le vide les ondes planes sinusoïdales de pulsation . Conclure.
- h) Application numérique : évaluer  $_0$  et pour une fréquence de  $^{10}MF$  , =  $^{6}$ ,  $^{5} \times 10^{7}S$  m $^{-1}$ , =  $^{0}$  et  $\mu = \mu_0$ . Commenter les résultats.

## I.B - Couplage à travers une lame conductrice infinie

Dans tout ce qui suit, on supposera que  $\mu$  est égale à  $\mu_0$ .

Le milieu conducteur  $(\ , \mu_0, \ )$  étudié précédemment est limité par deux plans parallèles x=0 et x=d. Il est illimité dans les directions y'y et z'z. On ne suppose pas nécessairement, dans un premier temps, qu'il s'agit d'un "bon conducteur". De part et d'autre de cette lame, l'espace est vide de matière. Une onde électromagnétique plane progressive et sinusoïdale de pulsation arrive sur la lame en x=0 sous incidence normale, depuis le demi-espace x<0. On suppose que cette onde est polarisée rectilignement, son champ électrique  $\boldsymbol{E}_{inc}$  étant colinéaire à y'y. On note  $\boldsymbol{E}_{0,inc}$   $\boldsymbol{e}_y$  l'amplitude complexe de ce champ en x=0; on pose en outre  $k_0=-/c$ . La présence des deux interfaces x=0 et x=d conduit à l'apparition d'une onde réfléchie vers le demi-espace x<0, que l'on admettra également plane, sinusoïdale de pulsation et polarisée rectilignement dans la même direction que l'onde incidente; le champ électrique  $\boldsymbol{E}_{ref}$  correspondant a pour amplitude complexe  $\boldsymbol{E}_{0,ref}$   $\boldsymbol{e}_y$  en x=0. L'onde transmise dans le demiespace vide x>d a les mêmes caractéristiques que l'onde incidente; le champ électrique  $\boldsymbol{E}_{tr}$  correspondant a pour amplitude complexe  $\boldsymbol{E}_{0,tr}$   $\boldsymbol{e}_y$  en x=d. À l'intérieur de la

lame (0 < x < d), le champ  $\boldsymbol{E}$  est également fonction sinusoïdale du temps de pulsation et colinéaire à y'y; l'expression de son amplitude complexe en fonction de x est donnée par la formule (2) de la question I.A.5-a).

- $I.B.1-a) Exprimer, \ en \ notation \ complexe, \ les \ champs \ \'electriques \ des \ ondes \ incidente, r\'efl\'echie et transmise.$
- b) Exprimer, toujours en notation complexe, les champs  $\underline{\boldsymbol{B}}$  puis les champs  $\underline{\boldsymbol{H}}$  associés.
- I.B.2) Comment s'expriment les conditions de passage pour le champ  $\boldsymbol{E}$  aux interfaces  $\boldsymbol{x}=0$  et  $\boldsymbol{x}=\boldsymbol{d}$ ? Dans quelle mesure peut-on affirmer que le champ  $\boldsymbol{B}$  est continu pour  $\boldsymbol{x}=0$  et  $\boldsymbol{x}=\boldsymbol{d}$ ? Même chose pour le champ  $\boldsymbol{H}$ .
- I.B.3) Déduire de ce qui précède et des résultats de I.A.5-b) quatre équations liant  $\underline{E}_{0,inc}$ ,  $\underline{E}_{0,ref}$ ,  $A_1$ ,  $A_2$ ,  $\underline{E}_{0,tr}$ , ,  $k_0$  et d. L'élimination de  $\underline{E}_{0,ref}$ ,  $A_1$ ,  $A_2$  dans ces équations conduit alors au résultat suivant, **que l'on ne demande pas d'établir**:

$$\frac{\underline{E}_{0,inc}}{\underline{E}_{0,tr}} = i \frac{(k_0 - i)^2 e^{-d} - (k_0 + i)^2 e^{-d}}{4k_0}$$

#### I.C - Analogie avec une ligne électrique

On peut retrouver ce résultat en établissant une analogie avec la propagation d'ondes de tension et de courant dans une ligne électrique (câble coaxial par exemple). Pour ce

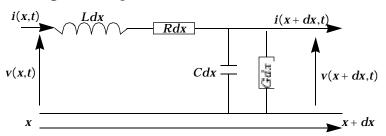


Figure 2 : modèle de ligne à constante réparties

faire, on adopte pour un tronçon élémentaire [x,x+dx] de la ligne le modèle des "constantes réparties" schématisé de la façon suivante (figure 2) ; L, C, R et G sont respectivement les inductance, capacité, résistance et *conductance* "de fuite" (ou perditance) linéiques de la ligne.

- I.C.1) Écrire deux équations aux dérivées partielles entre v(x,t) et i(x,t) et leurs dérivées premières par rapport à x et au temps t.
- I.C.2) On envisage un régime sinusoïdal forcé dans la ligne, de pulsation , et l'on pose :  $v(x,t) = \text{Réel}(\underline{V}(x)e^{i-t})$  et  $i(x,t) = \text{Réel}(\underline{I}(x)e^{i-t})$  Écrire les deux équations différentielles d'ordre 1 reliant  $\underline{V}(x)$ , et  $\underline{I}(x)$ , puis l'équation différentielle d'ordre 2 vérifiée séparément par  $\underline{V}(x)$  et  $\underline{I}(x)$ .
- I.C.3) En déduire que l'expression de  $\underline{V}(x)$ , solution générale de ces équations, se met sous une forme analogue à l'expression (2) du champ électrique dans la lame, donnée à la question I.A.5-a). Donner l'expression de  $\underline{I}(x)$  en utilisant les constantes qui figurent dans celle de  $\underline{V}(x)$  et l'impédance caractéristique (ou itérative) de la ligne :  $Z_c = (R+iL)/$  avec partie imaginaire de >0.
- I.C.4) Exprimer  $Z_c$  en fonction de G, C, et

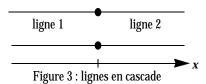
I.C.5) On revient à l'étude de la propagation d'une onde électromagnétique plane, sinusoïdale et polarisée rectilignement dans le milieu conducteur linéaire ( ,  $\mu_0$ , ). Montrer que deux des équations de Maxwell, écrites avec les seuls champs  $\boldsymbol{E}$  et  $\boldsymbol{H}$ , conduisent à des relations analogues à celles de la question I.C.2. Si l'on choisit  $\boldsymbol{E}$  comme analogue de v(x,t) et  $\boldsymbol{H}$  comme analogue de i(x,t), quelles sont les constantes respectivement analogues à L, C, G et R? En déduire deux expressions pour l'analogue électromagnétique  $z_c$  de l'impédance caractéristique  $Z_c$  de la ligne. Quelle est la dimension de  $z_c$ ?

- I.C.6) Que peut-on dire d'une ligne électrique dans laquelle on aurait un phénomène de propagation analogue à celui des ondes électromagnétiques planes dans le vide ? Montrer que l'impédance caractéristique d'une telle ligne est en fait une résistance  $R_c$ . Que vaut alors pour le vide l'analogue électromagnétique  $z_0$  de l'impédance caractéristique  $R_c$ ? Exprimer  $z_0$  à l'aide de  $z_0$ 0 de l'analogue électromagnétique value  $z_0$ 0 de l'analogue électromagnétique value  $z_0$ 0 de l'analogue électromagnétique value value
- I.C.7) Le comportement de l'onde plane électromagnétique sinusoïdale à la traversée de la lame conductrice peut dès lors être retrouvé par analogie avec une ligne électrique comportant trois domaines x < 0, 0 < x < d et x > d, pour lesquels on définira les constantes électromagnétiques analogues à L, C, G et R.
- I.C.8-a)Montrer que les conditions de passage pour la tension et l'intensité du courant en x=0 et x=d se traduisent par des équations analogues à celles de la question I.B.3. On exprimera ces relations en termes d'amplitudes complexes de tensions (que l'on définira) et en faisant apparaître les impédances caractéristiques  $R_c$  et  $Z_c$ .
- b) À partir du résultat fourni à la question I.B.3, donner alors, en s'aidant de l'analogie précisée ci-dessus, l'expression du rapport  $\underline{E}_{0,inc}/\underline{E}_{0,tr}$  en fonction de  $z_0$ ,  $z_c$  et du produit d.
- c) Que vaut le rapport  $\underline{H}_{0,inc}/\underline{H}_{0,tr}$  ?
- I.C.9) On pose = +i, avec > 0. Montrer que:

$$\left| \frac{\underline{E}_{0,inc}}{\underline{E}_{0,tr}} \right| = \left| \frac{(z_0 + z_c)^2}{4z_0 z_c} \right| e^{-d} \left| 1 - \frac{z_c - z_0}{z_c + z_0} \right|^2 e^{-2} e^{-2i d}$$
(a) (b) (c)

Dans le but de déterminer et d'étudier les termes significatifs dans l'expression de l'efficacité de blindage, on se propose d'interpréter les trois termes (a), (b) et (c) de l'expression précédente.

I.C.10) On considère deux lignes électriques idéales, c'est-à-dire sans pertes, de constantes linéiques respectives  $(L_1,C_1)$  et  $(L_2,C_2)$ , montées "en cascade" (figure 3) : Définir et évaluer, en fonction des impédances caractéristiques  $R_{c1}$  et  $R_{c2}$  de ces deux lignes, le coefficient de transmission de la tension électrique au niveau de l'interface. En déduire une interprétation physique du terme (a).



I.C.11-a)Comment peut-on interpréter le terme (b) ?

b) Quel phénomène physique n'a pas encore été pris en compte dans cette interprétation et peut être représenté par le terme (c) ?

- I.C.12) On suppose que le matériau constituant la lame est un "bon conducteur" (question I.A.6.
- a) Simplifier dans ce cas l'expression de l'analogue électromagnétique  $z_c$  de l'impédance caractéristique de ligne  $Z_c$ . Exprimer le rapport  $|z_c/z_0|$  à l'aide de de l'épaisseur de peau et de la longueur d'onde  $_0$  qu'auraient, dans le vide, les ondes électromagnétiques planes sinusoïdales de pulsation ; comparer ce résultat à l'unité.
- b) En déduire les simplifications qui s'imposent dans l'expression du rapport  $|\underline{E}_{0,inc}/\underline{E}_{0,tr}|$  donné à la question I.C.9.
- I.C.13-a)Étudier alors comment les termes (a) et (b) varient avec la fréquence.
- b) En supposant d » , que peut-on dire du terme (c) ? Interpréter.
- I.C.14-a)Représenter sur un même graphique (abcisse : fréquence en échelle logarithmique ; ordonnée : efficacité de blindage en dB) l'allure des courbes correspondant aux termes (a) et (b). En déduire l'allure plausible de celle qui représente l'efficacité de blindage  $S_E$  en champ électrique ; qu'en est-il de l'efficacité de blindage  $S_H$  en champ magnétique ?
- b) Discuter selon la fréquence les phénomènes prépondérants pour l'évaluation des efficacités de blindage.

# I.D - Limitations du modèle de la lame infinie pour l'analyse de l'efficacité de blindage d'une enceinte

- I.D.1) Comparer les résultats obtenus dans le cas de la lame infinie et de l'enceinte sphérique.
- I.D.2-a)Dans quel domaine de fréquences le modèle de la lame infinie est-il suffisant pour expliquer les résultats obtenus dans le cas de l'enceinte sphérique ? Expliquer la concordance des résultats en considérant le rapport entre la longueur d'onde dans le vide du rayonnement électromagnétique et les dimensions caractéristiques de l'enceinte.
- b) Dans quel domaine de fréquences le modèle de la lame infinie est-il au contraire insuffisant pour expliquer les résultats obtenus dans le cas de l'enceinte sphérique? Expliquer la discordance des résultats ; quels phénomènes physiques ne sont pas pris en compte dans le modèle de la lame infinie par rapport au cas de l'enceinte blindée?

# Partie II - Efficacité de blindage en régime quasi-permanent

- **II.A Préliminaires.** On suppose dans cette partie que l'enceinte est plongée dans un champ électrique  $\mathbf{E}_0$  et un champ magnétique  $\mathbf{E}_0$  tous deux uniformes et fonctions sinusoïdales du temps avec la pulsation . Ces champs résultent d'une onde plane incidente  $(\mathbf{E}_{inc}, \mathbf{B}_{inc})$  sur la structure.
- II.A.1) À quelle condition, portant sur la longueur d'onde dans le vide de l'onde incidente et les dimensions caractéristiques de l'enceinte, ces hypothèses simplificatrices sont-elles acceptables ?
- II.A.2) Pourquoi doit-on a priori distinguer  $\mathbf{E}_0$  et  $\mathbf{E}_{inc}$  ainsi que  $\mathbf{B}_0$  et  $\mathbf{B}_{inc}$ ? Dans quelle mesure peut-on cependant supposer que  $\|\mathbf{E}_0\|$  et  $\|\mathbf{E}_{inc}\|$  d'une part, et que  $\|\mathbf{B}_0\|$  et

 $\| \boldsymbol{B}_{inc} \|$  d'autre part, sont du même ordre de grandeur ? Justifier que, dans ces conditions, on puisse les confondre dans le calcul des efficacités de blindage  $S_E$  et  $S_H$ . Quel est l'ordre de grandeur du rapport  $\| \boldsymbol{E}_0 / \boldsymbol{B}_0 \|$  ?

II.A.3) Expliquer brièvement en quoi consiste l'approximation des régimes quasi-permanents (ou quasi-stationnaires).

II.A.4) Écrire, sous forme intégrale, le théorème d'Ampère et la loi de Faraday dans un milieu matériel.

### II.B - Action du champ magnétique extérieur

L'enceinte a la forme d'un parallélépipède rectangle dont les faces sont constituées par des lames métalliques d'épaisseur d et de conductivité électrique . L'intérieur est vide. Contrairement au cas de la lame infinie (partie I), le champ magnétique  $\boldsymbol{B}_0$  est responsable à l'intérieur des parois de la circulation d'un courant de densité  $\boldsymbol{J}$  dont les lignes sont fermées. À l'intérieur de l'enceinte, les champs sont notés  $\boldsymbol{E}_{int}$  et  $\boldsymbol{B}_{int}$ . Dans un but de simplification, on suppose que  $\boldsymbol{B}_{int}$  est uniforme et de même direction que  $\boldsymbol{B}_0$ . La continuité de la composante tangentielle du champ électrique à l'interface métal/vide fait que les lignes de  $\boldsymbol{E}_{int}$  sont également des courbes fermées épousant la forme des parois (figure 4). L'efficacité de blindage en champ électrique est évaluée à proximité des parois.

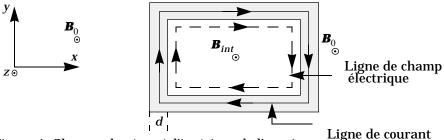


Figure 4. Champs dus à  $\mathbf{B}_0$  à l'intérieur de l'enceinte

L'étude de "l'effet de peau" dans un conducteur ohmique en régime quasi-permanent permet de proposer une expression approchée du vecteur densité de courant  $\boldsymbol{J}$  dans une lame métallique de direction parallèle à  $\boldsymbol{B}_0$ ; dans celle qui est représentée sur la figure (5) on pose :  $\boldsymbol{J} = \text{Réel}(\underline{J}(\boldsymbol{x})e^{i})\boldsymbol{e}_{v}$ .

Cas a : pour les "basses" fréquences, d est notablement inférieure à l'épaisseur de peau définie à la question I.A.6 ; J peut alors être supposée uniforme dans la lame :  $\underline{J}(x) = \underline{J}_0$ .

Cas b : pour les "hautes" fréquences (mais toujours en régime quasi-permanent), d est très supérieure à et  $\underline{J}(x)$  décroît exponentiellement :  $\underline{J}(x) = \underline{J}_0 \exp(-(1+i)x/)$ ,  $0 \times d$ .

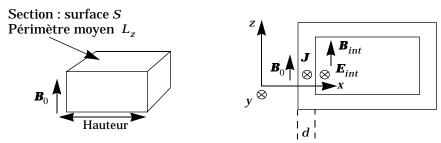


Figure 5. Orientation des champs dans la paroi latérale

II.B.1) On pose :  $\pmb{B}_0 = \text{R\'eel}(\underline{B}_0 e^{i-t}) \pmb{e}_{\pmb{z}}$  à l'extérieur de l'enceinte et  $\pmb{B}_{int} = \text{R\'eel}(\underline{B}_{int} e^{i-t}) \pmb{e}_{\pmb{z}}$  à l'intérieur.

a) Exprimer, dans chacun des deux cas a et b,  $\underline{B}_{int}$  en fonction de  $\underline{B}_0$ ,  $\underline{J}_0$ , d et  $\phantom{D}$  .

b) En utilisant la loi d'Ohm, évaluer l'amplitude complexe  $\underline{E}_{int}$  du champ électrique  $\underline{E}_{int}$  au voisinage de la paroi en fonction de  $\underline{J}_0$ , d, et de la conductivité du métal de la lame dans chacun des cas a et b.

II.B.2) Trouver une relation simple reliant  $\underline{E}_{int}$ ,  $\underline{B}_{int}$ , et les caractéristiques géométriques  $S_z$  et  $L_z$  de l'enceinte.

II.B.3) Exprimer  $\underline{B}_{int}$ ,  $\underline{E}_{int}$  et  $\underline{J}_0$  en fonction de  $\underline{B}_0$ , d, , et des caractéristiques géométriques de l'enceinte dans chacun des cas a et b.

#### II.C - Bilan

Dans le cas du régime quasi-permanent, on admettra que les effets du champ électrique extérieur  $\mathbf{E}_0$  sont négligeables devant ceux qui sont produits par  $\mathbf{E}_0$ .

II.C.1) Représenter sur un même graphique (abscisse : fréquence en échelle logarithmique ; ordonnée : efficacité du blindage en dB ) le tracé asymptotique des courbes  $S_E(\log \ )$  et  $S_H(\log \ )$  dans le cas des "basses" fréquences, ainsi que l'allure de ces courbes dans celui des "hautes" fréquences.

II.C.2) Déterminer les fréquences de coupure séparant trois domaines de fréquence que l'on définira. Les évaluer numériquement dans le cas suivant : blindage en cuivre ; = 6,  $5 \times 10^7 \, \mathrm{S} \ \mathrm{m}^{-1}$ ; =  $_0$ ;  $\mu = \mu_0$ ; d = 0,  $25 \, \mathrm{mm}$ ; enceinte cubique de côté  $a = 30 \, \mathrm{cm}$ .

••• FIN •••